

# סטטיסטיקה א

פרק 21 - תלות ואי תלות בין מאורעות

תוכן העניינים

1. כללי ..... 1

## תלות ואי תלות בין מאורעות:

### רקע:

אם מתקיים ש:  $P(B|A) = P(B)$ , נגיד שמאורע  $B$  בלתי תלוי ב- $A$ .

הדבר גורר גם ההפך:  $P(A|B) = P(A)$ , כלומר, גם  $A$  אינו תלוי ב- $B$ .

כשהמאורעות בלתי תלויים מתקיים ש:  $P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$ .

הוכחה לכך:  $P(A|B) = P(A) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} \Rightarrow P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$ .

נשתמש בנוסחאות של מאורעות בלתי תלויים רק אם נאמר במפורש שהמאורעות בלתי תלויים בתרגיל או שמההקשר אפשר להבין ללא צל של ספק שהמאורעות בלתי תלויים.

למשל,

חוקר מבצע שני ניסויים בלתי תלויים הסיכוי להצליח בניסוי הראשון הנו 0.7 והסיכוי להצליח בניסוי השני הוא 0.4.

א. מה הסיכוי להצליח בשני הניסויים יחדו?

כיוון שהמאורעות הללו בלתי תלויים:

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = 0.7 \cdot 0.4 = 0.28$$

ב. מה הסיכוי להיכשל בשני הניסויים?

באופן דומה:

$$P(\bar{A} \cap \bar{B}) = P(\bar{A}) \cdot P(\bar{B}) = (1 - 0.7)(1 - 0.4) = 0.18$$

## שאלות:

- (1) נתון:  $P(A) = 0.2$ ,  $P(B) = 0.5$ ,  $P(A \cup B) = 0.6$ . האם המאורעות הללו בלתי תלויים?
- (2) תלמיד ניגש לשני מבחנים שהצלחתם לא תלויה זו בזו. הסיכוי שלו להצליח במבחן הראשון הוא 0.7 והשני 0.4.  
א. מה הסיכוי להצליח בשני המבחנים יחד?  
ב. מה הסיכוי שניכשל בשני המבחנים?
- (3) במדינה מסוימת יש 8% אבטלה, נבחרו באקראי שני אנשים מהמדינה.  
א. מה ההסתברות ששניהם מובטלים?  
ב. מה ההסתברות שלפחות אחד מהם מובטל?
- (4) מוצר צריך לעבור בהצלחה ארבע בדיקות בלתי תלויות לפני שיווק, אחרת הוא נפסל ולא יוצא לשוק. הסיכוי לעבור בהצלחה כל אחת מהבדיקות הוא 0.8. בכל מקרה מבוצעות כל 4 הבדיקות.  
א. מה הסיכוי שהמוצר יפסל?  
ב. מה ההסתברות שהמוצר יעבור בהצלחה לפחות בדיקה אחת?
- (5) במדינה מסוימת יש 8% אבטלה, נבחרו באקראי חמישה אנשים מהמדינה.  
א. מה ההסתברות שכולם מובטלים במדגם?  
ב. מה ההסתברות שלפחות אחד מהם מובטל?

## תשובות סופיות:

- (1) כן.
- (2) א. 0.28      ב. 0.18
- (3) א. 0.0064      ב. 0.1536
- (4) א. 0.5904      ב. 0.9984
- (5) א.  $0.08^5$       ב. 0.3409